



# RBSE

## (CHAPTERWISE PYQ)

2013 - 2026

# गणित

$$\frac{1}{n} \sum_{n=1}^n \frac{1}{n^2}$$



$$\pi(x) \sim x/\log x$$

$$1+2+3+\dots+n = \frac{n(n+1)}{2}$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$\sqrt{5} \text{ is irrational}$$

$$1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\dots}}} = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$$

$$\tau(n) = \sum_{d|n} 1$$

(divisor function)

$$p(n) \sim \frac{1}{4n\sqrt{3}} e^{\pi\sqrt{2n/3}}$$

(partition function)

$$e = [2, 1, 2, 1, 1, 4, 1, 1, 6, \dots]$$

$$1729 = 1^3 + 12^3 = 9^3 + 10^3$$

(Hardy-Ramanujan number)



Class  
**12**

|                                    |    |
|------------------------------------|----|
| 1. संबंध एवं फलन .....             | 2  |
| 2. प्रतिलोम त्रिकोणमितीय फलन ..... | 5  |
| 3. आव्यूह .....                    | 7  |
| 4. सारणिक .....                    | 12 |
| 5. सांतत्य तथा अवकलनीयता .....     | 16 |
| 6. अवकलज के अनुप्रयोग .....        | 22 |
| 7. समाकलन .....                    | 25 |
| 8. समाकलों के अनुप्रयोग .....      | 32 |
| 9. अवकल समीकरण .....               | 34 |
| 10. सदिश बीजगणित .....             | 38 |
| 11. त्रि-विमीय ज्यामिति .....      | 44 |
| 12. रेखिक प्रोग्रामन .....         | 48 |
| 13. प्रायिकता .....                | 51 |

01

## संबंध एवं फलन

### [ खंड - अ ]

#### बहुविकल्पी प्रश्न: -

- मान लीजिए कि  $f: R \rightarrow R, f(x) = x^4$  द्वारा परिभाषित है, तो फलन : [1M]  
 (अ)  $f$  एकैकी आच्छादक है। (ब)  $f$  एकैकी है किन्तु आच्छादक नहीं है।  
 (स)  $f$  बहु - एक आच्छादक है। (द)  $f$  न तो एकैकी है और न ही आच्छादक है। [RBSE 2022]
- यदि  $f: R \rightarrow R, f(x) = \sin x$  तथा  $g: R \rightarrow R, g(x) = x^2$  तो  $f \circ g(x)$  है:- [1M]  
 (अ)  $\sin x^2$  (ब)  $\sin x$   
 (स)  $\sin^2 x^2$  (द)  $\sin^2 x$  [RBSE 2023]
- मान लीजिए कि समुच्चय  $\{1,2,3,4\}$  में  $R = \{(1,2), (2,2), (1,1), (4,4), (1,3), (3,3), (3,2)\}$  द्वारा परिभाषित संबंध  $R$  है। दिए गए विकल्पों में से सही उत्तर चुनिए।  
 (अ)  $R$  स्वतुल्य तथा सममित है किन्तु संक्रामक नहीं है।  
 (ब)  $R$  स्वतुल्य तथा संक्रामक है किन्तु सममित नहीं है।  
 (स)  $R$  सममित तथा संक्रामक है किन्तु स्वतुल्य नहीं है।  
 (द)  $R$  एक तुल्यता संबंध है। [1M] [RBSE 2024]
- मान लीजिए कि समुच्चय  $N$  में परिभाषित  $\{(a,b): a = b - 2, b < 6\}$  द्वारा प्रदत्त सम्बन्ध  $R$  है, तो  $R$  का परिसर होगा-  
 (अ)  $\{1,2,3\}$  (ब)  $\{1,2,3,4,5\}$   
 (स)  $\{3,4,5\}$  (द)  $\{3,4,5,6\}$  [1M] [RBSE 2025]
- यदि  $f: R \rightarrow R, f(x) = (3 - x^3)^{1/3}$  द्वारा प्रदत्त है, तो  $f \circ f(x)$  बराबर है: [1M]  
 (अ)  $x^{1/3}$  (ब)  $x^3$   
 (स)  $x$  (द)  $(3 - x^3)$  [RBSE 2026]

## रिक्त स्थान भरें:-

6. यदि  $f(x) = 27x^3$  तथा  $g(x) = x^{1/3}$  हो, तो  $gof(x)$  \_\_\_\_\_ है। [1M]  
(RBSE 2022)

## अति लघु उत्तरीय प्रश्न:-

7. यदि  $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 - 5x + 7$  हो, तो  $f^{-1}(1)$  का मान ज्ञात कीजिए। [1M]  
(RBSE 2018)
8. यदि  $f: R \rightarrow R, f(x) = \sin x$  तथा  $g: R \rightarrow R, g(x) = x^2$  तो  $gof(x)$  ज्ञात कीजिए। [1M]  
(RBSE 2019)
9. यदि  $f: R \rightarrow R, f(x) = x^2 + 5x + 9$  हो, तो  $f^{-1}(8)$  तथा  $f^{-1}(9)$  का मान ज्ञात कीजिए। [1M]  
(RBSE 2020)
10.  $f(x) = 2x$  द्वारा प्रदत्त फलन  $f: N \rightarrow N$ , दर्शाइए कि  $f(x)$  आच्छादक नहीं है। [1M]  
(RBSE 2022)

## [ खंड - ब ]

## लघु उत्तरीय प्रश्न:-

11. यदि  $f: R \rightarrow R$  और  $g: R \rightarrow R$  इस प्रकार परिभाषित है कि  $f(x) = x^2 + 3$ ;  $g(x) = 1 - \frac{1}{(1-x)}$  तो  $gof(x)$  और  $fog(x)$  ज्ञात कीजिए। [2M]  
(RBSE 2018)
12. यदि  $f(x) = \frac{x-3}{x+1}$  हो, तो  $f[f\{f(x)\}]$  ज्ञात कीजिए। [2M]  
(RBSE 2019)
13.  $f(x) = 2x + 3$  द्वारा प्रदत्त फलन  $f: R \rightarrow R$  पर विचार करते हुए सिद्ध कीजिए कि  $f$  व्युत्क्रमणीय है। [2M]  
(RBSE 2016, 2022)
14. सिद्ध कीजिए कि समुच्चय  $\{1, 2, 3\}$  में  $R = \{(1, 2), (2, 1)\}$  द्वारा प्रदत्त संबंध  $R$  सममित है किन्तु न तो स्वतुल्य है और न संक्रामक है। [2M]  
(RBSE 2024)
15. यदि तीन फलन  $f, g$  तथा  $h$  समुच्चय  $N$  में परिभाषित है, जहाँ  $f(x) = 2x, g(y) = 3y + 4$  तथा  $h(z) = \sin z \forall x, y$  तथा  $z \in N$ . सिद्ध कीजिए  $h \circ (g \circ f) = (h \circ g) \circ f$ . [2M]  
(RBSE 2025)
16. सिद्ध कीजिए कि वास्तविक संख्याओं के समुच्चय  $R$  में  $R = \{(a, b): a \leq b\}$  द्वारा परिभाषित संबंध  $R$  स्वतुल्य तथा संक्रामक है किन्तु सममित नहीं है। [2M]  
(RBSE 2026)

## [ खंड - स ]

## दीर्घ उत्तरीय प्रश्न:-

17. यदि  $R$  तथा  $S$  समुच्चय  $A$  में तुल्यता सम्बन्ध है तब सिद्ध कीजिए कि सम्बन्ध  $R \cap S$  भी एक तुल्यता सम्बन्ध है। [3M]  
(RBSE 2013)
18. सिद्ध कीजिए कि वास्तविक संख्याओं के समुच्चय  $R$  में  $R = \{(a, b) : a \leq b^2\}$  द्वारा परिभाषित संबंध  $R$ , न तो स्वतुल्य है, न सममित है और न ही संक्रामक है। [3M]  
(RBSE 2014)
19. मान लीजिए कि  $f: N \rightarrow Y, f(x) = 4x + 3$  द्वारा परिभाषित एक फलन है, जहाँ  $Y = \{y \in N : y = 4x + 3 \text{ किसी } x \in N \text{ के लिए}\}$ । सिद्ध कीजिए कि  $f$  व्युत्क्रमणीय है। प्रतिलोम फलन भी ज्ञात कीजिए। [3M]  
(RBSE 2014)
20. सिद्ध कीजिए कि समुच्चय  $Z$  में परिभाषित संबंध  $R, a R b \Leftrightarrow a - b, 3$  से विभाज्य है, एक तुल्यता संबंध है। [3M]  
(RBSE 2017, RBSE 2015)
21. यदि  $f, g: R \rightarrow R$  फलन इस प्रकार परिभाषित है कि  $f(x) = x^2 + 1, g(x) = 2x - 3$  तो  $f \circ g(x), g \circ f(x)$  तथा  $g \circ g$  (3) ज्ञात कीजिए। [3M]  
(RBSE 2015)
22. सिद्ध कीजिए कि वास्तविक संख्याओं के समुच्चय  $R$  में  $R = \{(a, b) : a \geq b\}$  द्वारा परिभाषित संबंध  $R$  स्वतुल्य तथा संक्रामक है किंतु सममित नहीं है। [3M]  
(RBSE 2016)
23. यदि  $f, g: R \rightarrow R$  फलन इस प्रकार परिभाषित है कि  $f(x) = x^2, g(x) = 2x$  तो  $f \circ g(x), g \circ f(x)$  तथा  $f \circ f(3)$  ज्ञात कीजिए। [3M]  
(RBSE 2017)

# ★ RBSE 2026 ★ TOPPERS



— EXCELLENCE. DEDICATION. SUCCESS. —

**99%**



**TANISHA JAIN**

**99%**



**ADITYA RAJ  
CHOHAN**

**98%**



**SIMMI CHOUDHARY**

*Proudly  
Dedicated  
by  
Students!*



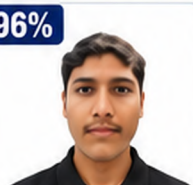
**30+ STUDENTS SCORED MORE THAN 90%**

**96%**



**MUSTAFA BHAILA**

**96%**



**GAURANSH**

**94%**



**MITHLESH KR. JHA**

**93%**



**RAKSHITA**

**93%**



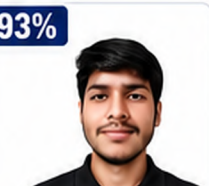
**VINITA RATHORE**

**93%**



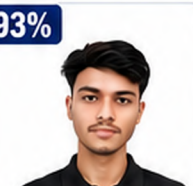
**KHUSHBU BISHNOI**

**93%**



**PRAHLAD YADAV**

**93%**



**BHAVY DAMOR**

**92%**



**ANUJ SAINI**

**92%**



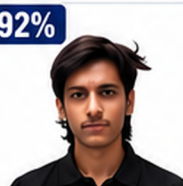
**VISHAL SAIN**

**92%**



**GOURAV NAWANI**

**92%**



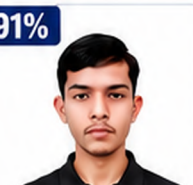
**KHUSHAL LABANA**

**91%**



**VARUN LOHAR**

**91%**



**ASHISH**

**91%**



**ANKIT SHARMA**

**91%**



**KOUSHIK UPADHYAY**

**91%**



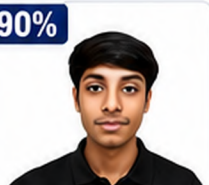
**TAVISH MOHAMMAD**

**90%**



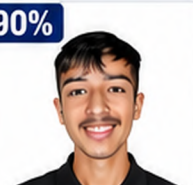
**PARTH CHITTORA**

**90%**



**SANJOG JAIN**

**90%**



**ARMAN ALI**

**90%**



**RIDDISH SHARMA**

**90%**



**MONIL PRAJAPAT**

**90%**



**KESHAV GURJAR**

★★★  
**ENDLESS  
RESULTS  
MORE...**

~ Results Claimed by Students ~